

Varianta A - Algebră și analiză matematică

1	Se consideră funcția $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ , $f(x) = \begin{cases} x, & x \in (-\infty, 1] \\ ax + 1, & x \in (1, \infty) \end{cases}, \quad a \in \mathbb{R}$ . Să se determine $a$ pentru care funcția este continuă în $x_0 = 1$ .								
a)	0	b)	-1	c)	1	d)	2	e)	3
2	Să se determine valorile reale $a$ pentru care $x^2 + y^2 - x + y + a > 0, \forall x, y \in \mathbb{R}$ .								
a)	$a < \frac{1}{2}$	b)	$a \leq \frac{1}{2}$	c)	$a = \frac{1}{2}$	d)	$a > \frac{1}{2}$	e)	$a \geq \frac{1}{2}$
3	Să se determine numărul de soluții ale ecuației $2021^x = 2020^{x-1} + 2019^{x-2} + 1$ .								
a)	1	b)	2	c)	0	d)	3	e)	4
4	Să se determine $m \in \mathbb{R}$ astfel încât $\begin{vmatrix} 1 & 0 & 3 \\ 0 & -1 & 0 \\ 1 & 2 & m \end{vmatrix} = 0$ .								
a)	$m = -1$	b)	$m = 3$	c)	$m = 4$	d)	$m = 0$	e)	$m = 1$
5	Se definește legea de compoziție “*” prin: $x * y = \sqrt{x^2 + y^2 - 1}, \quad \text{unde } x, y \in [1, \infty).$ Elementul $1 * 1$ este:								
a)	2	b)	4	c)	8	d)	1	e)	0
6	Numărul $\frac{1}{2 \cdot 3} + \frac{1}{3 \cdot 4}$ este egal cu:								
a)	$\frac{3}{4}$	b)	$\frac{1}{6}$	c)	$\frac{1}{3}$	d)	$\frac{1}{4}$	e)	1
7	Să se calculeze $\lim_{x \rightarrow 1} \left( \frac{4x^2+x-1}{2x^2-1} + \frac{3}{x+2} \right)$ .								
a)	$-\infty$	b)	$\infty$	c)	4	d)	-1	e)	5
8	Să se determine domeniul de definiție pentru funcția $f(x) = \sqrt{x - 4}$ .								
a)	$[-2, 2]$	b)	$(-4, 4)$	c)	$[4, \infty)$	d)	$(-\infty, -2] \cup [2, \infty)$	e)	$(-2, 2)$
9	Mulțimea valorilor reale $a$ pentru care sistemul $\begin{cases} ax + y = -1 \\ x + ay = 1 \end{cases}$ nu are soluții este:								
a)	$\{-1, 1\}$	b)	$\emptyset$	c)	$\mathbb{R} \setminus \{-1, 1\}$	d)	$\{1\}$	e)	$\{-1\}$
10	Să se determine aria suprafeței plane determinate de graficul funcției $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ , $f(x) = \frac{ x ^{2021}}{e^x + 1}$ și dreptele de ecuații $x = -1$ respectiv $x = 1$ .								
a)	$\frac{1}{2022}$	b)	$\frac{1}{2012}$	c)	$\frac{1}{2020}$	d)	$\frac{1}{1011}$	e)	$\frac{1}{2021}$
11	Mulțimea primitivelor funcției $f: (0, \infty) \rightarrow \mathbb{R}$ , $f(x) = x + \ln(x)$ este:								
a)	$\frac{x^2}{2} + \ln(x) + C, \quad C \in \mathbb{R}$	b)	$\frac{x^2}{2} + \frac{1}{x} + C, \quad C \in \mathbb{R}$	c)	$1 + \frac{1}{x} + C, \quad C \in \mathbb{R}$	d)	$\frac{x^2}{2} + \ln(x) - x + C, \quad C \in \mathbb{R}$	e)	$\frac{x^2}{2} + x \ln(x) - x + C, \quad C \in \mathbb{R}$

Varianta A - Algebră și analiză matematică

12	Aflați restul împărțirii polinomului $P(X) = X^3 + 2X^2 - X - 4$ la $X - 2$ .				
a)	0	b)	5	c)	1
13	Fie $f: \mathbb{R} \rightarrow (-8, \infty)$ , $f(x) = 9^{x+1} + 4 \cdot 3^x - 8$ . Să se calculeze $(f^{-1})'(85)$ .				
a)	$\frac{1}{156 \cdot \ln 3}$	b)	$\frac{1}{162 \cdot \ln 3}$	c)	$\frac{1}{174 \cdot \ln 2}$
14	În dezvoltarea binomului $\left(\sqrt{\frac{1}{a^3}} - 2\sqrt[3]{a}\right)^n$ suma coeficienților binomiali de rang impar este 512. Să se determine rangul termenului care îl conține pe $\frac{1}{a^4}$ .				
a)	0	b)	6	c)	7
15	Se dă numărul complex $z = \frac{1-i}{1+i}$ . Atunci $ z $ este:				
a)	0	b)	2	c)	1
16	Dacă $x_i \in \mathbb{R}$ , $i = \overline{1, n}$ verifică egalitatea $\sqrt{x_1 - 1} + 2\sqrt{x_2 - 2^2} + \cdots + n\sqrt{x_n - n^2} = \frac{1}{2}(x_1 + x_2 + \cdots + x_n)$ atunci valoarea limitei $L = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\sum_{i=1}^n (\sqrt{x_i})^3}{n^4 + 1}$ este:				
a)	1	b)	2	c)	0
17	Să se determine numărul punctelor de extrem local ale funcției $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ , $f(x) = x^5 - x^3$ .				
a)	4	b)	5	c)	2
18	Fie progresia aritmetică $(a_n)_{n \geq 1}$ , cu $a_4 = 8$ , $a_2 = 4$ . Valoarea lui $a_3$ este:				
a)	2	b)	6	c)	4
19	Să se calculeze $\int_{-1}^0  x  dx$ .				
a)	$\frac{1}{4}$	b)	$\frac{1}{2}$	c)	0
20	Fie $a, b \in \mathbb{R}$ . Pe $\mathbb{R}$ se definește legea de compozitie “ $*$ ” prin $x * y = ax + by + 3$ . Să se determine $a$ și $b$ astfel încât legea “ $*$ ” să fie asociativă și să admită element neutru.				
a)	$a = 1$ $b = 1$	b)	$a = 2$ $b = 2$	c)	$a = 0$ $b = 1$
				d)	$a = 1$ $b = 0$
				e)	$a = -1$ $b = 1$